

第3章 図形の性質 1・三角形の性質

4 メネラウスの定理とチェバの定理 (その3)

(1/2) ■ メネラウスの定理とチェバの定理 ■

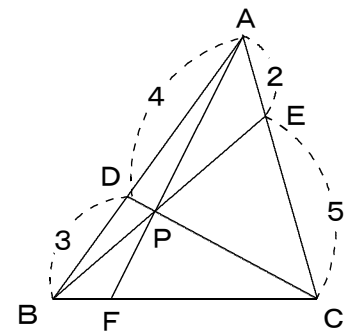
メネラウスの定理とチェバの定理

◇ 《メネラウスの定理とチェバの定理の融合問題》 学力化 →

★演習★【1】

△ABCの辺ABを4:3の比に内分する点をD, 辺ACを2:5の比に内分する点をEとする。BE, CDの交点をP, APの延長とBCの交点をFとする。

- (1) BF:FCを求めなさい。
- (2) BP:PEを求めなさい。
- (3) △PBC:△ABCを求めなさい。



- 【考え方】 (1) チェバの定理, (2) メネラウスの定理  
 (3) 頂点を共有する2つの三角形の面積は底辺の比に比例する。

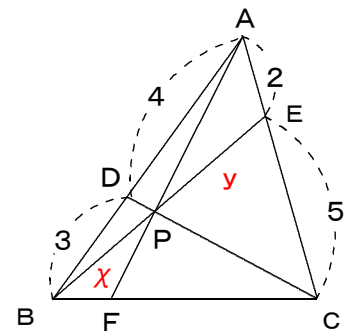
[答 案]

(1)

(2) ① (直線と頂点と分点を決める)

◀ (2) BP:PEは辺の内分であるから、この部分は直線にはなれない。

《図》



② (頂点と分点の公式を作る=メネラウスの定理)

$BP = x$ ,  $PE = y$  とおく。

③ (答をまとめる)

(次のページへつづく) →

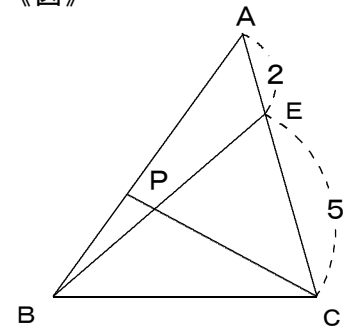
□ □ 【三角形の性質 No. 1 3 (1/2)】 - 〈2枚目/2枚〉

➡ (前のページからのつづき)

(3)  $\triangle ABC$ を1とする。 …①

①  $\triangle BCA$ で,

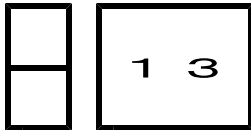
《図》



②  $\triangle CEB$ で,

③ ①, ②より,

$$\begin{aligned} \triangle PBC : \triangle ABC &= \frac{\quad}{\quad} : \frac{\quad}{\quad} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$



第3章 図形の性質 1・三角形の性質

4 メネラウスの定理とチェバの定理 (その3)

(2/2) ■ メネラウスの定理とチェバの定理 ■

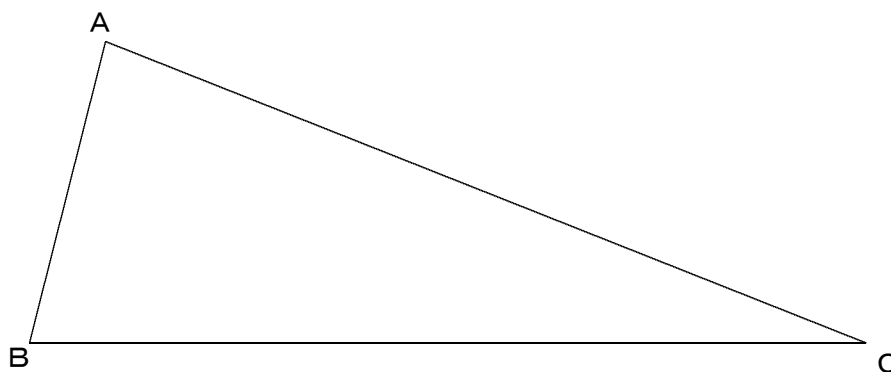
◇ 《メネラウスの定理とチェバの定理の融合問題》 **学力化** → /

★演習★【2】

△ABCにおいて、 $AB=12$ 、 $\angle A$ の二等分線と辺BCの交点をD、辺ABを5:4に内分する点をE、辺ACを1:6に内分する点をFとする。線分AD、CE、BFが1点で交わるとき、辺ACの長さを求めなさい。

[答 案]

\*条件に合う図をかいて答えなさい。



【注】 $AB=12$ が長さ、他の数値は線分の内分比を表す。

ACの長さを求める

1 (BD:DCを求める)

◀No.12h(1/2)(1)を参照

2 (ACの長さを求める)

角の二等分線の性質より、

【注】 $AB:AC=(5+4):(1+6)$ ではない!

もとにする量が異なる。