

第1章 場合の数と確率 4・独立な試行の確率

3 確率の計算(その5)

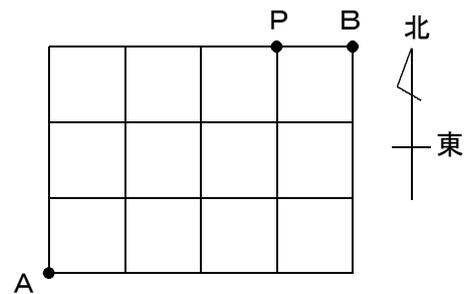
【No. 8の後で学習☆発展問題】(1/4)

通過点の確率(1)

◇《通過点の確率(1)》**学力化** → /

◇発展演習◇【1】

右の図のように、東西に4本、南北に5本の道路がある。地点Aから出発した人が最短の道順を通って地点Bへ向かう。このとき、途中で地点Pを通る確率を求めよ。各交差点で、東に行くか、北に行くかは等確率とし、一方しか行けないときは確率1でその方向に行くものとする。



【考え方】No. 8 (3/6) とほぼ同じ考え方で解ける。

[答 案]

右の図のように、地点C, D, E, C', D', E', P' をとる。

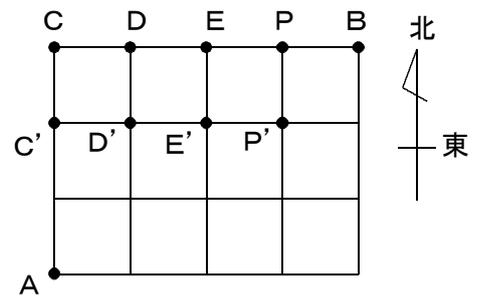
Pを通る道順には、C, D, E, Pを通るかどうかで、次の 4 つの場合があり、これらは互いに排反である。

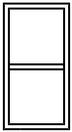
- (i) Cを通る(C'も通る)とき
(道順 $A \rightarrow C' \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow P$)

この確率は、 $\left(\frac{1}{2}\right)^3 \times 1^3$

- (ii) Cを通らないでDを通る(D'も通る)とき
(道順 $A \rightarrow D' \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow P$)

この確率は、





第1章 場合の数と確率 4・独立な試行の確率

3 確率の計算(その5)

【No. 8の後で学習☆発展問題】(2/4)

◇《通過点の確率(1)》 **学力化** → / ,

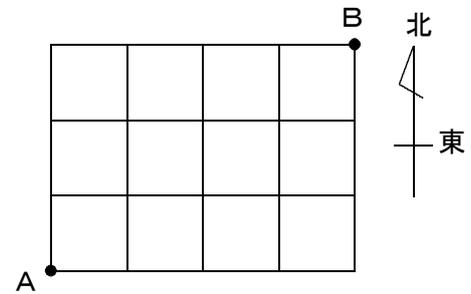
◇発展演習◇【2】

右図のような街路のある町があり、A地点にいる人が次の規則に従って移動するものとする。

1個のさいころを投げ、1または2の目が出れば北に1区画進み、その他の目が出れば東に1区画進む。ただし、指示通りに進めないときは、その場にとどまる。

(1) さいころを7回投げるとき、B地点に到達する確率を求めよ。

(2) さいころを8回投げるとき、8回目に初めてB地点に到達する確率を求めよ。



[東北学院大]

【考え方】(2) 8回目に初めてBに到達するのは、途中1回だけその場にとどまる時である。1回とどまるのは、 $C_1, C_2, C_3, C_4, C_5, C_6, C_7$ のいずれかの地点である。

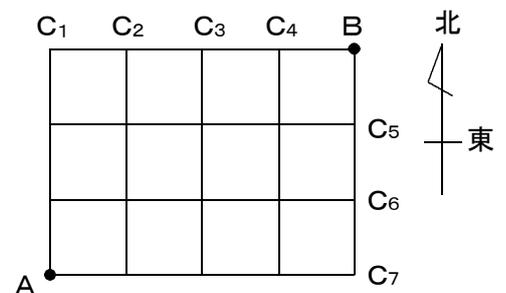
◀互いに排反である。

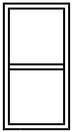
例えば、 C_1 で1回とどまるのは $\uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \rightarrow \rightarrow \rightarrow \rightarrow$ の順に進むときで、

その確率は、 $\left(\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^1 \times \left(\frac{2}{3}\right)^3$

◀4回目の \uparrow は、その場にとどまることになる。

[答 案]





第1章 場合の数と確率 4・独立な試行の確率

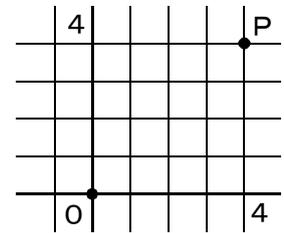
3 確率の計算(その5)

【No.8の後で学習☆発展問題】(3/4)

◇《通過点の確率(1)》 **学力化** → / ,

◇発展演習◇【3】

右図のようなマス目がある。Aは硬貨を1枚投げて、表が出たら右へ1目盛り、裏が出たら上へ1目盛り進む。Bは別の硬貨を1枚投げて、表が出たら左へ1目盛り、裏が出たら下へ1目盛り進む。A, Bともに、1分ごとに同時にそれぞれ硬貨を投げ、1目盛り進むものとし、4回繰り返す。Aは点O(0, 0)から、Bは点P(4, 4)から同時に出発するとき、AとBが出会う確率を求めよ。



【考え方】A, Bの位置は、それぞれが投げた硬貨の表裏の出る回数によって決まる。

硬貨を4回投げたときにAは表をa回, Bはb回表を出したとして, A, Bの位置を座標で示すと,

A(a, 4 - a)

◀4回投げて, 表がa回なので, 裏は4 - a回であるから, Aは(0, 0)から, 右へa, 上へ4 - aの位置にいる。

B(4 - b, b)

◀4回投げて, 表がb回なので, 裏は4 - b回であるから, Bは(4, 4)から, 左へb, 下へ4 - (4 - b)の位置にいる。

ゆえに, AとBが出会うのは,

a = 4 - bかつ4 - a = bから, a + b = 4のときである。

つまり, 2点(0, 4), (4, 0)を結ぶ線分上の5つの点が出会う点である。

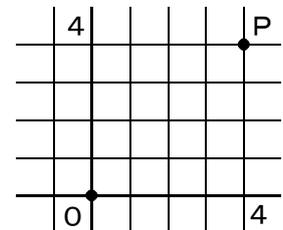
[答 案]

A, Bそれぞれが表を出した回数をa, bとすると,

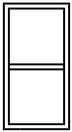
Aの座標は (a, 4 - a)

Bの座標は (4 - b, b)

AとBが出会うのは, a = 4 - bすなわちa + b = 4のときで, 座標で示すと,



である。よって, 求める確率は,



第1章 場合の数と確率 4・独立な試行の確率

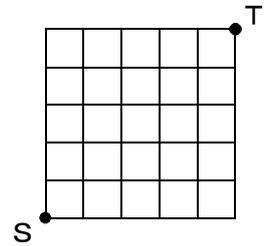
3 確率の計算(その5)

【No. 8の後で学習☆発展問題】(4/4)

◇《通過点の確率(1)》**学力化**→ /

◇発展演習◇【4】

右図のように、東西に6本、南北に6本の道がある。ロボットAはS地点からT地点まで、ロボットBはT地点からS地点まで最短距離の道を等速で動く。なお、各地点で最短距離で行くために選べる道が2つ以上ある場合、どの道を選ぶかは同様に確からしい。ロボットAはS地点から、ロボットBはT地点から同時に出発するとき、ロボットAとBが出会う確率を求めよ。



【考え方】前問【3】と同じように考えていくと、6つの地点で出会うことになるが、対角線STに関する対称性に注目すると、AとBが出会う確率は、3つの地点で出会う確率×2で求めることができる。(右図を参照)

[答 案]

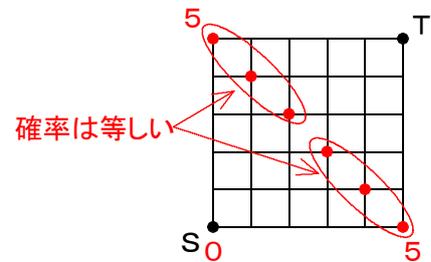
右図のように、地点Sを(0, 0)、地点Tを(5, 5)とする座標平面を設定する。

A, Bそれぞれが進んだ区画をa, bとすると、

Aの座標は (a, 5 - a)

Bの座標は (5 - b, b)

AとBが出会うのは、 $a = 5 - b$ すなわち $a + b = 5$ のときで、座標で示すと、



である。よって、求める確率は、