



積の導関数

◇ 《積の導関数》 **学力化** →

★解法の技術★

次の関数を微分せよ。

(1) $y = (\chi + 1)(\chi + 3)$

(2) $y = (\chi + 1)(\chi^2 - \chi + 1)$

(3) $(\chi^2 + \chi + 1)(\chi^2 - 1)$

(4) $y = (\chi - 1)(\chi - 2)(\chi + 3)$

【考え方】

★導関数の公式(復習)

m, n を定数とすると,

① $\{mf(\chi)\}' = mf'(\chi)$

② $\{f(\chi)+g(\chi)\}' = f'(\chi)+g'(\chi)$

③ $\{f(\chi)-g(\chi)\}' = f'(\chi)-g'(\chi)$

④ $\{mf(\chi)\pm ng(\chi)\}' = mf'(\chi)\pm ng'(\chi)$

★積の微分公式

⑤ $\{f(\chi)\cdot g(\chi)\}' = f'(\chi)g(\chi)+f(\chi)g'(\chi)$

「前ダッシュ+後ろダッシュ」 ◀覚え方

⑥ 3つの積の場合

$\{f(\chi)\cdot g(\chi)\cdot h(\chi)\}' = f'(\chi)g(\chi)h(\chi)+f(\chi)g'(\chi)h(\chi)+f(\chi)g(\chi)h'(\chi)$

「前ダッシュ+真ん中ダッシュ+後ろダッシュ」 ◀覚え方

[答 案]

(1) $y = (\chi + 1)(\chi + 3)$

$y' = (\chi + 1)'(\chi + 3) + (\chi + 1)(\chi + 3)'$

$= 1 \cdot (\chi + 3) + (\chi + 1) \cdot 1$

$= \chi + 3 + \chi + 1$

$= \underline{2\chi + 4}$

(2) $y = (\chi + 1)(\chi^2 - \chi + 1)$

$y' = (\chi + 1)'(\chi^2 - \chi + 1) + (\chi + 1)(\chi^2 - \chi + 1)'$

$= 1 \cdot (\chi^2 - \chi + 1) + (\chi + 1)(2\chi - 1)$

$= \chi^2 - \chi + 1 + 2\chi^2 + \chi - 1$

$= \underline{3\chi^2}$

ブラウザのバック矢印で前の文書に戻って下さい。

□ □ 【微分と導関数 No. 6 (1 / 4)】 - 〈2枚目 / 2枚〉

➡ (前のページからのつづき)

$$(3) \quad y = (\underline{x^2 + x + 1})(x^2 - 1)$$

$$\begin{aligned} y' &= (x^2 + x + 1)'(x^2 - 1) + (x^2 + x + 1)(x^2 - 1)' \\ &= (2x + 1)(x^2 - 1) + (x^2 + x + 1) \cdot 2x \\ &= 2x^3 - 2x + x^2 - 1 + 2x^3 + 2x^2 + 2x \\ &= \underline{4x^3 + 3x^2 - 1} \end{aligned}$$

$$(4) \quad y = (\underline{x - 1})(x - 2)(x + 3)$$

$$\begin{aligned} y' &= (x - 1)'(x - 2)(x + 3) + (x - 1)(x - 2)'(x + 3) \\ &\quad + (x - 1)(x - 2)(x + 3)' \\ &= 1 \cdot (x - 2)(x + 3) + (x - 1) \cdot 1 \cdot (x + 3) + (x - 1)(x - 2) \cdot 1 \\ &= x^2 + x - 6 + x^2 + 2x - 3 + x^2 - 3x + 2 \\ &= \underline{3x^2 - 7} \end{aligned}$$