



一直線上にある点

◇ 《一直線上にある4点》 **学力化** → /

★解法の技術★

$\alpha = a + 2i$, $\beta = -2 - 4i$, $\gamma = 3 + bi$ とする。4点 0 , α , β , γ が一直線上にあるとき、実数 a , b の値を求めよ。

【考え方】 $\alpha \neq 0$ のとき、

3点 0 , α , β が一直線上にある $\iff \beta = k\alpha$ (k は実数) をみたす実数 k が存在する。

* 複素数の相等

A , B , C , D が実数のとき、

$$A + Bi = C + Di \iff A = C, B = D$$

[考える手順]

1 条件の確認

2 a の値を求める

3 b の値を求める

4 答

[答 案]

$\alpha \neq 0$ であるから、条件より、

$$\beta = k\alpha \quad \dots \textcircled{1}, \quad \gamma = \ell\alpha \quad \dots \textcircled{2}$$

となる実数 k , ℓ がある。

$$\textcircled{1} \text{ から, } -2 - 4i = k(a + 2i)$$

$$-2 - 4i = k a + 2 k i$$

$$\text{よって, } -2 = k a \quad \dots \textcircled{3}, \quad -4 = 2 k \quad \dots \textcircled{4}$$

◀ 複素数の相等

$$\textcircled{4} \text{ より, } k = -2 \quad \dots \textcircled{5}$$

$\textcircled{5}$ を $\textcircled{3}$ に代入して、

◀ k を消す

$$-2 = (-2) a \text{ より, } a = 1 \quad \dots \textcircled{6}$$

$$\textcircled{2} \text{ から, } 3 + bi = \ell(a + 2i)$$

$$3 + bi = \ell a + 2 \ell i$$

$$\text{よって, } 3 = \ell a \quad \dots \textcircled{7}, \quad b = 2 \ell \quad \dots \textcircled{8}$$

◀ 複素数の相等

$\textcircled{6}$ を $\textcircled{7}$ に代入して、

$$3 = \ell \cdot 1 \text{ より, } \ell = 3 \quad \dots \textcircled{9}$$

$\textcircled{9}$ を $\textcircled{8}$ に代入して、

◀ ℓ を消す

$$b = 2 \cdot 3 \text{ より, } b = 6$$

以上のことから、 $a = 1$, $b = 6$