



積の導関数

◇ 《積の導関数》 **学力化** →

★解法の技術★

次の関数を微分せよ。

(1) $y = (x + 1)(x + 3)$

(2) $y = (x + 1)(x^2 - x + 1)$

(3) $(x^2 + x + 1)(x^2 - 1)$

(4) $y = (x - 1)(x - 2)(x + 3)$

【考え方】

★導関数の公式(復習)

m, n を定数とすると,

① $\{mf(x)\}' = mf'(x)$

② $\{f(x) + g(x)\}' = f'(x) + g'(x)$

③ $\{f(x) - g(x)\}' = f'(x) - g'(x)$

④ $\{mf(x) \pm ng(x)\}' = mf'(x) \pm ng'(x)$

★積の微分公式

⑤ $\{f(x) \cdot g(x)\}' = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$

「前ダッシュ+後ろダッシュ」 ◀覚え方

⑥ 3つの積の場合

$\{f(x) \cdot g(x) \cdot h(x)\}' = f'(x)g(x)h(x) + f(x)g'(x)h(x) + f(x)g(x)h'(x)$

「前ダッシュ+真ん中ダッシュ+後ろダッシュ」 ◀覚え方

[答 案]

(1) $y = (x + 1)(x + 3)$

$$\begin{aligned} y' &= (x + 1)'(x + 3) + (x + 1)(x + 3)' \\ &= 1 \cdot (x + 3) + (x + 1) \cdot 1 \\ &= x + 3 + x + 1 \\ &= \underline{2x + 4} \end{aligned}$$

(2) $y = (x + 1)(x^2 - x + 1)$

$$\begin{aligned} y' &= (x + 1)'(x^2 - x + 1) + (x + 1)(x^2 - x + 1)' \\ &= 1 \cdot (x^2 - x + 1) + (x + 1)(2x - 1) \\ &= x^2 - x + 1 + 2x^2 + x - 1 \\ &= \underline{3x^2} \end{aligned}$$

ブラウザのバック矢印で前の文書に戻って下さい。

□ □ 【微分と導関数 No. 6 (1 / 4)】 - 〈2枚目 / 2枚〉

➤ (前のページからのつづき)

$$(3) \underline{y = (\chi^2 + \chi + 1)(\chi^2 - 1)}$$

$$\begin{aligned} y' &= (\chi^2 + \chi + 1)' (\chi^2 - 1) + (\chi^2 + \chi + 1)(\chi^2 - 1)' \\ &= (2\chi + 1)(\chi^2 - 1) + (\chi^2 + \chi + 1) \cdot 2\chi \\ &= 2\chi^3 - 2\chi + \chi^2 - 1 + 2\chi^3 + 2\chi^2 + 2\chi \\ &= \underline{4\chi^3 + 3\chi^2 - 1} \end{aligned}$$

$$(4) \underline{y = (\chi - 1)(\chi - 2)(\chi + 3)}$$

$$\begin{aligned} y' &= (\chi - 1)' (\chi - 2)(\chi + 3) + (\chi - 1)(\chi - 2)' (\chi + 3) \\ &\quad + (\chi - 1)(\chi - 2)(\chi + 3)' \\ &= 1 \cdot (\chi - 2)(\chi + 3) + (\chi - 1) \cdot 1 \cdot (\chi + 3) + (\chi - 1)(\chi - 2) \cdot 1 \\ &= \chi^2 + \chi - 6 + \chi^2 + 2\chi - 3 + \chi^2 - 3\chi + 2 \\ &= \underline{3\chi^2 - 7} \end{aligned}$$