第5章 微分法 1・微分と導関数

2 微分と導関数(その4)

(1/7) ■ 商の導関数 ■

商の導関数

◇《商の導関数》 学力化 → / ,

-★解法の技術★ -

次の関数を微分せよ。

$$(1) \quad y = \frac{\chi}{\chi + 1}$$

(2)
$$y = \frac{\chi - 1}{\chi^2 + 1}$$

(3)
$$y = \frac{1}{\chi}$$

(4)
$$y = \frac{\chi^2 - 2\chi + 4}{\chi^2 - \chi + 3}$$

【考え方】

★導関数の公式(復習)

m, nを定数とすると,

数 II ① $\{mf(\chi)\}' = mf'(\chi)$

② $\{f(\chi) + g(\chi)\}' = f'(\chi) + g'(\chi)$

◀和の公式

 $(3) \quad \{f(\chi) - g(\chi)\}' = f'(\chi) - g'(\chi)$

◀差の公式

 $(4) \quad \{\mathsf{m} f(\chi) \pm \mathsf{n} g(\chi)\}' = \mathsf{m} f'(\chi) \pm \mathsf{n} g'(\chi)$

数皿 ⑤ $\{f(\chi)\cdot g(\chi)\}' = f'(\chi)g(\chi) + f(\chi)g'(\chi)$

◀積の公式

⑥ 3つの積の場合

 $\{f(\chi)\cdot g(\chi)\cdot h(\chi)\}' = f'(\chi)g(\chi)h(\chi) + f(\chi)g'(\chi)h(\chi) + f(\chi)g(\chi)h'(\chi)$

★商の微分公式

「下2乗分の、上ダッシュー下ダッシュ」 ◀覚え方

[答案]

(1)
$$y = \frac{\chi}{\chi + 1}$$

 $y' = \frac{\chi' \cdot (\chi + 1) - \chi \cdot (\chi + 1)'}{(\chi + 1)^2}$
 $= \frac{1 \cdot (\chi + 1) - \chi \cdot 1}{(\chi + 1)^2}$
 $= \frac{1}{(\chi + 1)^2}$

◀後で約分があるかもしれないので、分母は展開せず、 そのまま答えとしてよい。 □ □ 【微分と導関数 No.フ (1/7)】 - 〈2枚目/2枚〉

╱ (前のページからのつづき)

(2)
$$\underline{y = \frac{\chi - 1}{\chi^2 + 1}}$$

$$y' = \frac{(\chi - 1)'(\chi^2 + 1) - (\chi - 1)(\chi^2 + 1)'}{(\chi^2 + 1)^2}$$

$$= \frac{1 \cdot (\chi^2 + 1) - (\chi - 1) \cdot 2\chi}{(\chi^2 + 1)^2}$$

$$= \frac{\chi^2 + 1 - 2\chi^2 + 2\chi}{(\chi^2 + 1)^2}$$

$$= \frac{-\chi^2 + 2\chi + 1}{(\chi^2 + 1)^2}$$

(3)
$$\underline{y = \frac{1}{\chi}}$$

$$y' = \frac{1' \cdot \chi - 1 \cdot \chi'}{\chi^2}$$

$$= \frac{0 \cdot \chi - 1 \cdot 1}{\chi^2}$$

$$= \frac{-\frac{1}{\chi^2}}{\chi^2}$$

(4)
$$y = \frac{\chi^2 - 2\chi + 4}{\chi^2 - \chi + 3}$$

$$y' = \frac{(\chi^2 - 2\chi + 4)' \cdot (\chi^2 - \chi + 3) - (\chi^2 - 2\chi + 4) \cdot (\chi^2 - \chi + 3)'}{(\chi^2 - \chi + 3)^2}$$

$$= \frac{(2\chi - 2)(\chi^2 - \chi + 3) - (\chi^2 - 2\chi + 4)(2\chi - 1)}{(\chi^2 - \chi + 3)^2}$$

$$= \frac{(2\chi^3 - 2\chi^2 + 6\chi - 2\chi^2 + 2\chi - 6) - (2\chi^3 - \chi^2 - 4\chi^2 + 2\chi + 8\chi - 4)}{(\chi^2 - \chi + 3)^2}$$

$$= \frac{\chi^2 - 2\chi - 2}{(\chi^2 - \chi + 3)^2}$$