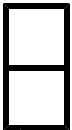


《 解 答 書 》



4

第5章 微分法 3・導関数の応用

1 接線の方程式 (その4)

(1 / 8) ■ 接点が見つからない場合の接線の方程式の求め方 ■

接点が見つからない場合

— ●★解法の技術★の学習のしかた●—

- (1) 下の答案を学習し、解法プロセスを覚えましょう。／覚えたら、.....
- (2) 模範解答を見ないで、次のページの★理解のチェック★の問題を解いてみましょう。
(模範解答を見ながら答案を書いても力つきません。一度、「解法プロセス」を頭の中に入れることが大切です。)

◇ 《接線の方程式の求め方(接点がない場合)》 **学力化** → /

★解法の技術★

原点から曲線 $y = e^x$ に引いた接線の方程式を求めよ。

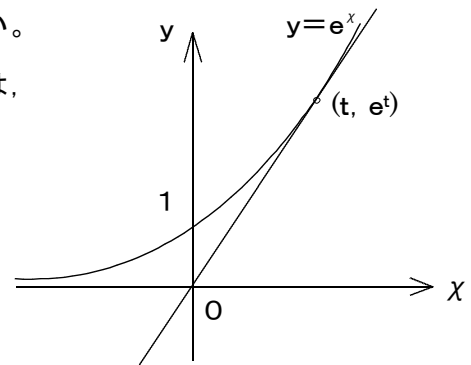
【考え方】 関数 $f(x)$ 上の点 (a, b) における接線の方程式は、

$$y - \underset{\text{0}}{b} = \underset{\text{1}}{f'(x)} (\underset{\text{2}}{x} - \underset{\text{0}}{a}) \quad \text{3} \leftarrow$$

であるから、

- 0 接点の座標 (a, b) を求める。
- 1 $f(x)$ の導関数 $f'(x)$ (接線の傾きの一般式) を求め、
- 2 それを使って $f'(a)$ の値 ($x=a$ における接線の傾き) を求める。
- 3 これを接線の傾きとする方程式を作ればよい。

- 0 で、接点の座標が与えられていない場合は、
 x 座標を文字で置く。
右図の例では、 x 座標を t とおくと、
 y は e^t と表せるから、
座標は (t, e^t) とおく。



[答 案]

0 (接点の座標を仮定する)
接点の x 座標を t とすると、接点の座標は (t, e^t) となる。

1 (接線の仮の傾きを求める)
 $y' = e^x$ であるから、
点 (t, e^t) における接線の傾きは、 e^t である。

◀ $(e^x)' = e^x$
◀ 導関数
◀ 接線の傾き

2 (接線の仮の方程式求める)
この接点における接線の方程式は、
 $y - e^t = e^t (x - t)$
 $y = e^t x - e^t (t - 1) \dots \text{①}$

(次のページへつづく) ↗

ブラウザのバック矢印で前の文書に戻って下さい。

《 解答書 》

□ □ 【 導関数の応用 No. 4 (1 / 8) 】 - 〈 2 枚目 / 2 枚 〉

➔ (前のページからのつづき)

③ (tの値を求める)

①の直線が原点(0, 0)を通るから, $x = 0$, $y = 0$ を①に代入して,

$$0 = e^t \cdot 0 - e^t (t - 1)$$

$$e^t (t - 1) = 0$$

$e^t > 0$ であるから, $t - 1 = 0$ より, $t = 1$

④ (接線の方程式を求める)

したがって, 求める接線の方程式は, $t = 1$ を①の式に代入して,

$$y = e^1 x - e^1 (1 - 1) \text{より,}$$

$$\underline{y = e x}$$